

مثال / $3z^2-2z^2+8z^2-2z+5$

$$3z^4-2z+5z^2+3z^2-2z+5 = 0$$

$$3z^4+3z^2-2z^3-2z+5z^2+5 = 0$$

$$3z^2(z^2+1)-2z(z^2+1)+5(z^2+1) = 0$$

$$(z^2+1)(3z^2-2z+5) = 0$$

الاداله الموكبه (التركيب) لتكن معرفه على D
معرفه على E

$F(z) \in E$ فان $Z \in D$ لكل $Z \in \mathbb{C}$

$$g \circ f(z) = g(F(z))$$

$$F : D \rightarrow S$$

$$F(X) = \frac{1}{2} X$$

المقام لا يكون صفرا

$$F(X) = \frac{2}{X}$$

المقام يكون صفرا

$$F(X) \frac{1}{x^2+1} = \frac{1}{X^2-i^2} = \frac{1}{(x-i)(x+i)}$$

$$\emptyset / \{i, -i\}$$

$$X^2+1=0$$

لا يحل في الاعداد الحقيقي هاما في الاعداد المعقده فيحل في الاعداد الحقيقيه

$$X^2+1=0 \rightarrow x^2=-1 \rightarrow x = \pm \sqrt{-1}$$

$$X^2+1=0 \rightarrow x^2=-1 \rightarrow x^2=i^2 \rightarrow x = \pm i$$

كيف يتم انشاء معادلات

$$X^2+2ix+3=0 \rightarrow x^2+2ix-3i^2$$

$$(x-i)(x+3) \rightarrow x=i, x=-3i$$

ملاحظه :- اذا كانت المعادله اربعة حدود او اكثر تكون تجزاه اما اذا كانت المعادله ثلاثه حدود تكون تجربه

إذا كانت f هي دالة قاعدة اقرب أي عدد معقد $Z \in D$ حيث D هي منطلق الدالة بعدد معقد
 اخذ $W = F(Z)$ حيث W هذه القاعدة تسمى الدالة المعقدة ويطلق على مجموعه قيم
 W بمدى الدالة (rangr)

Examples:-

1- $f_1(z) = w = z^2 + 2z + 1$

$D: Z \in \mathbb{C}$

2- $f_2(z) = w = |z + 2|$

$D: Z \in \mathbb{C}$

3- $f_3(z) = w = \frac{1}{z^2 + 4}$

$D: Z \in \mathbb{C} / \{\pm 2i\}$

نكتب الدالة المعقدة بالصورة $f(z) = u(x, y) + iv(x, y)$ حيث u هو الجزء الحقيقي و v هو
 الجزء الخيالي للدالة المعقدة
 مثال / جد u, v للدالة $w = z^2$

$$F(z) = w = z^2 = (x + iy)^2 = x^2 - 2ixy - y^2$$

$$\therefore U(x, y) = x^2 - y^2 \quad , \quad v(x, y) = 2xy$$

أنواع الدوال المعقدة

- 1- الدالة وحيدة القيمة:- هي الدالة التي لها قيمة واحدة $Z \in D$
- 2- الدالة متعددة القيمة:- إذا كانت لها لكل قيمة من Z عدد من القيم
- 3- الدالة المتباينة:- إذا كانت $F(X_1) = F(X_2)$ فإن $Z_1 = Z_2$